

Die Modellmenge $\text{Mod}(\Phi)$ muss unverändert bleiben, wenn man die Menge Φ um r erweitert, sodass $\text{Mod}(\Phi) = \text{Mod}(\Phi \cup \{r\})$ gilt. Das bedeutet, dass die Hinzunahme von r keine neuen Modelle erzeugen und keine bestehenden Modelle ausschließen darf.

Falls man jedoch zwei widersprüchliche Klauseln wie $a \vee b \vee c$ und $\neg a \vee \neg b \vee c$ zu eliminieren versucht, würde dies die Modellmenge verändern. Die Modellmenge darf aber durch solche Eliminierungen nicht verändert werden, da die Modelle von Φ konstant bleiben müssen.

$$\Phi = \{a \vee b \vee c, \neg a \vee \neg b \vee c\}$$

$x1 \quad x2$

$$r(x1, x2) = c \Rightarrow \Phi' = \{\Phi \vee c\}$$

$$\text{Mod}(\Phi') \stackrel{?}{=} \text{Mod}(\Phi)$$

$$\text{Mod}(\Phi) \{W(a \vee b \vee c) = 1 \wedge W(\neg a \vee \neg b \vee c) = 1\}$$

$$\text{Mod}(\Phi') \{W(a \vee b \vee c) = 1 \wedge W(\neg a \vee \neg b \vee c) = 1 \wedge W(c) = 1\}$$

Das bedeutet $\text{Mod} \{\Phi \vee c\} \neq \text{Mod}(\Phi)$

$$\{W110\} \subseteq \text{Mod}(\Phi) \text{ aber } \{W110\} \not\subseteq \text{Mod}(\Phi \vee \{c\}) \Rightarrow \text{Mod}(\Phi) \neq \text{Mod}(\Phi \vee \{c\})$$

Zwei verschiedene Literale, als auch ihre Negationen, sind somit nicht eliminierbar.