

a.

Die Relation R beschreibt eine Beziehung zwischen allen möglichen Paaren von Teilmengen der Menge M , bei der die beiden Teilmengen keine gemeinsamen Elemente haben.

b.

$$2^M = \{\emptyset, \{0\}, \{1\}, \{2\}, \{0,1\}, \{0,2\}, \{1,2\}, \{0,1,2\}\}$$

$$R = 2^M \times 2^M = \{$$

$(\emptyset, \emptyset), (\emptyset, \{0\}), (\emptyset, \{1\}), (\emptyset, \{2\}), (\emptyset, \{0,1\}), (\emptyset, \{0,2\}), (\emptyset, \{1,2\}), (\emptyset, \{0,1,2\}), (\{0\}, \emptyset), (\{0\}, \{1\}),$
 $(\{0\}, \{2\}), (\{0\}, \{1,2\}), (\{1\}, \emptyset), (\{1\}, \{0\}), (\{1\}, \{2\}), (\{1\}, \{0,2\}), (\{2\}, \emptyset), (\{2\}, \{0\}), (\{2\}, \{1\}), (\{2\},$
 $\{0,1\}), (\{0,1\}, \emptyset), (\{0,1\}, \{2\}), (\{0,2\}, \emptyset), (\{0,2\}, \{1\}), (\{1,2\}, \emptyset), (\{1,2\}, \{0\}), (\{0,1,2\}, \emptyset)$
 $\}$

c.

Das Komplement $\neg R$ beinhaltet jedes Paar von Teilmengen von M , die mindestens ein Element gemeinsam haben.

$$\neg R = \{$$

$\{0\}, \{0\}), (\{0\}, \{0,1\}), (\{0\}, \{0,2\}), (\{0\}, \{0,1,2\}), (\{1\}, \{1\}), (\{1\}, \{0,1\}), (\{1\}, \{1,2\}), (\{1\},$
 $\{0,1,2\}), (\{2\}, \{2\}), (\{2\}, \{0,2\}), (\{2\}, \{1,2\}), (\{2\}, \{0,1,2\}), (\{0,1\}, \{0\}), (\{0,1\}, \{1\}), (\{0,1\},$
 $\{0,1\}), (\{0,1\}, \{0,2\}), (\{0,1\}, \{1,2\}), (\{0,1\}, \{0,1,2\}), (\{0,2\}, \{0\}), (\{0,2\}, \{2\}), (\{0,2\}, \{0,1\}),$
 $(\{0,2\}, \{0,2\}), (\{0,2\}, \{1,2\}), (\{0,2\}, \{0,1,2\}), (\{1,2\}, \{1\}), (\{1,2\}, \{2\}), (\{1,2\}, \{0,1\}), (\{1,2\},$
 $\{0,2\}), (\{1,2\}, \{1,2\}), (\{1,2\}, \{0,1,2\}), (\{0,1,2\}, \{0\}), (\{0,1,2\}, \{1\}), (\{0,1,2\}, \{2\}), (\{0,1,2\},$
 $\{0,1\}), (\{0,1,2\}, \{0,2\}), (\{0,1,2\}, \{1,2\}), (\{0,1,2\}, \{0,1,2\})$
 $\}$

d.

R und $\neg R$ sind beide symmetrisch.

R ist irreflexiv, transitiv und symmetrisch

$\neg R$ ist reflexiv und symmetrisch

e.

$I_{2^M} \subseteq R$ gilt nicht, weil keine Menge disjunkt zu sich selbst ist.

$I_{2^M} \subseteq \neg R$ gilt, weil jede Menge gemeinsame Elemente mit sich selbst hat.