

Aufgabe 1:

a) Welche Menge ist die Gerade  $P_2 P_3$  durch  $P_2$  und  $P_3$ ?

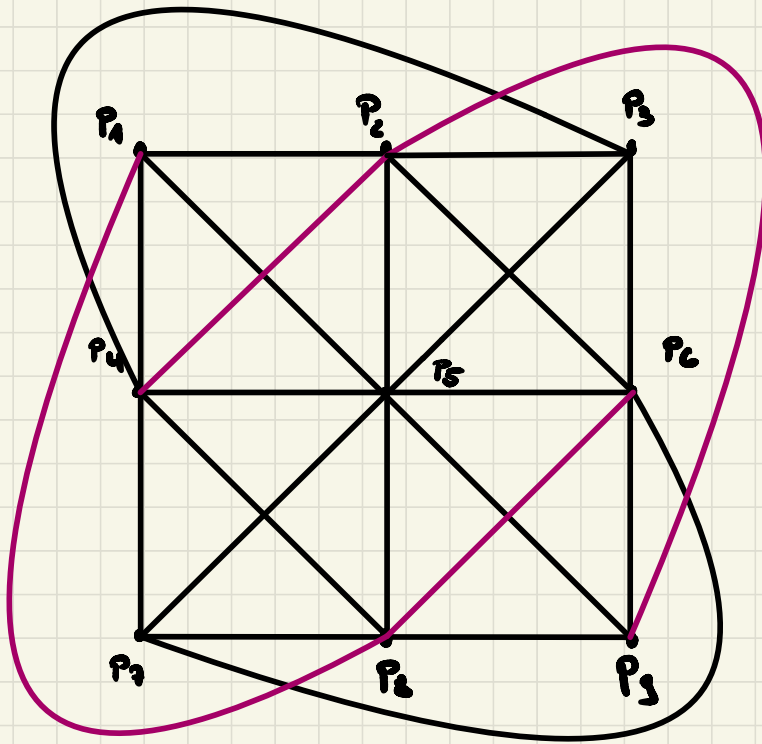
$$\underline{\underline{G = \{ \{ P_2, P_3, P_5 \} \}}}$$

Weil die Gerade durch  $P_2$  und  $P_3$  beschrieben ist, sind diese Punkte ein Bestandteil der Geradenmenge. Jedoch verläuft die Gerade auch durch den Punkt  $P_5$ , was zur Folge hat, dass auch dieser Punkt zur Gerade gehört.

b) Gegeben ist die Gerade  $P_4 P_5$  und wir müssen alle parallelen durch den Punkt  $P_1$  bestimmen. Zwei Gerade sind parallel, wenn sie keine gemeinsamen Punkte haben, es sei denn, sie sind identisch. Weil die parallelen Geraden durch den Punkt  $P_1$  laufen müssen, suchen wir Geraden, korrekturen wir uns nur auf Geraden, die auch durch den Punkt  $P_1$  laufen. Also stehen zunächst folgende Geraden zur Verfügung:  $\{ \{ P_1, P_2, P_3 \}, \{ P_1, P_2, P_3 \}, \{ P_1, P_4, P_5 \}, \{ P_1, P_5, P_3 \} \}$ . Aber dadurch, dass die Geraden die Punkte  $P_4, P_5$  oder  $P_2$  nicht enthalten dürfen, es sei denn, die Gerade ist identisch (was aber nicht der Fall ist), fallen drei Geraden raus. Ursprünglich die Gerade  $\{ P_1, P_4, P_5 \}$ ,  $\{ P_1, P_2, P_3 \}$  und  $\{ P_1, P_5, P_3 \}$ . Somit bleibt nur eine Gerade übrig, die parallel zur Geraden  $P_4 P_5$  ist und durch den Punkt  $P_1$  verläuft. Diese Gerade heißt  $P_1 P_6 P_3$ .

$$\underline{\underline{\{ P_1, P_6, P_3 \}}}$$

c)



$$\{P_2, P_4, P_8\}$$

$$\{P_1, P_6, P_9\}$$